



كنكور

مهدی شاکریان



ریاضی کنکور سراسری

۱۴۰۲ مهر

مهدی شاکریان

فصل ۱: درجه ۲، معادلات کسری و رادیکالی، تغییر متغیر، توان های گویا

♥ و قدرت شه عاشق ریاضی بشی ♥



۱۳۹۸ - خارج از کشور

۶

۵

۴

۳

$$\text{اگر } A = \sqrt[6]{\sqrt[3]{(12)^{-1.5}}} \text{ باشد، حاصل } (1 + A^{-1})^{\frac{1}{2}} \text{ کدام است؟}$$



$$\text{اگر } A = \sqrt[6]{\sqrt[3]{16}} \left(\frac{1}{2}\right)^{-\frac{1}{3}} \text{ باشد، حاصل } (2A)^{-\frac{1}{2}} \text{ کدام است؟}$$

۱

۰,۷۵

۰,۵

۰,۲۵



۶۰ به ازای کدام مجموعه مقادیر m سهمی به معادله $y = (1 - m)x^3 + 2(m - 3)x - 1$ ، همواره پایین محور x ها است؟ خارج از کشور-۱۳۹۸

$$2 < m < 6 \quad \text{۲} \quad \text{۱}$$

$$2 < m < 4 \quad \text{۳} \quad \text{۲}$$

$$2 < m < 5 \quad \text{۴} \quad \text{۳}$$

$$1 < m < 5 \quad \text{۵} \quad \text{۱}$$

۶۱ به ازای کدام مجموعه مقادیر m معادله درجه دوم $(2m - 1)x^2 + 6x + m - 2 = 0$ دارای دو ریشه حقیقی متمایز است؟ (با تغییر) سراسری-۱۳۹۸

$$-1 < m < 2,5 - \left\{ \frac{1}{2} \right\} \quad \text{۲} \quad -1 < m < 3,5 - \left\{ \frac{1}{2} \right\} \quad \text{۳} \quad -2 < m < 3,5 - \left\{ \frac{1}{2} \right\} \quad \text{۴} \quad -2 < m < 2,5 - \{ 0 \} \quad \text{۱}$$



۶۵ پرندۀای فاصلۀ یک کیلومتر را در جهت موافق باد رفته و در جهت مخالف باد برگشته است. اگر سرعت باد ۵ کیلومتر در ساعت و مدت رفت و برگشت ۹ دقیقه باشد، سرعت پرندۀ در هوای آرام، چند کیلومتر در ساعت است؟ خارج از کشور-۱۳۹۸

$$36 \quad \text{۲}$$

$$35 \quad \text{۳}$$

$$33 \quad \text{۴}$$

$$32 \quad \text{۱}$$

۶۶ پرندۀای فاصلۀ یک کیلومتر را در جهت موافق باد رفته و در جهت مخالف باد برگشته است. اگر سرعت باد ۵ کیلومتر در ساعت و مدت رفت و برگشت ۹ دقیقه باشد، سرعت پرندۀ در هوای آرام، چند کیلومتر در ساعت است؟ خارج از کشور-۱۳۹۸

$$15 \quad \text{۲}$$

$$13,5 \quad \text{۳}$$

$$12,5 \quad \text{۴}$$

$$12 \quad \text{۱}$$





ریاضی استاد شاکریان



خارج از کشور-۱۳۹۸

۲۱

$$\text{اگر } \sqrt{3a+16} = 1 \text{ باشد، عدد } 4a+9 \text{ کدام است؟}$$

۱۵

۶

۴



ریاضی استاد شاکریان



سراسری-۱۳۹۹

 $\sqrt[5]{-2\sqrt{3}}$

$$\frac{\sqrt{8} + \sqrt{27}}{5 - \sqrt{6}} - 2(\sqrt[4]{9} - 1)^{-1} \text{ حاصل عبارت} \quad \text{کدام است؟}$$

۱ - $\sqrt[2]{2}$ -1 + $\sqrt[2]{2}$ 1 + $\sqrt[3]{3}$ 

ریاضی استاد شاکریان



$$\text{اگر } \frac{a+1}{a}, \text{ کدام عدد} \quad \text{باشد، عدد } 3a + \sqrt{2a^2 + 4a} = 2$$

۳,۵

۲,۵

۱,۵

۴,۵



کنکور

مهدی شاکریان



معادله درجه دوم $3x^2 + (2m-1)x + 2 - m = 0$ دارای دو ریشه حقیقی است. اگر مجموع ریشه‌ها با معکوس حاصل‌ضرب آن دو ریشه برابر باشد. مقدار m کدام است؟ ۱۳۹۹ سراسری

$$-\frac{5}{2}$$

$$-1$$

$$3$$

$$\frac{7}{2}$$

خارج از کشور- ۱۳۹۹

حاصل عبارت $\frac{\sqrt{27}-1}{4+\sqrt{3}} + (2-\sqrt{3})^{-1}$ کدام است؟ ۱۳۹۹

$$1$$

$$1 + \sqrt{3}$$

$$2\sqrt{3}$$

$$1 + 2\sqrt{3}$$

فرض کنید نقاط $(-2, 5)$, $(0, 5)$ و $(1, 11)$, بر سهمی $y = ax^2 + bx + c$ واقع باشند. این سهمی، از کدام یک از نقاط زیر می‌گذرد؟ ۱۳۹۹ سراسری

$$(2, 15)$$

$$(2, 9)$$

$$(-1, 4)$$

$$(-1, 3)$$

معادله درجه دوم $2x^2 + mx + m + 6 = 0$ دارای دو ریشه مثبت است. بازه مقادیر m کدام است؟ ۱۳۹۹ خارج از کشور-

$$(-6, -4)$$

$$(-6, 0)$$

$$(-4, -2)$$

$$(-4, 0)$$

کنکور

مهدی شاکریان



فرض کنید x_1 و x_2 جواب‌های معادله $\sqrt[3]{x^2} + \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} + 1 = 2\sqrt[3]{x}$ باشد. این سهمی از کدام‌یک از نقاط زیر، می‌گذرد؟

سراسری-۱۴۰۰

۲ (۱)

۱ (۲)

۲ صفر

-۱ (۳)

مقدار $x_1 + x_2$ کدام است؟

فرض کنید $A(-1, 9)$ رأس سهمی $y = ax^3 + bx + c$ بر نقطه $(1, 3)$ باشد. این سهمی خارج از کشور-۱۳۹۹ از گذرا می‌گذرد؟

(۱,۵) (۱)

(۲,۵) (۲)

(۵,-۹) (۲)

(۵,-۷) (۱)



فرض کنید $b = \sqrt[3]{\sqrt{6+2}}$ و $a = \sqrt[3]{\sqrt{6-2}}$ سراسری-۱۴۰۰ کدام است؟

۱۶(۲ - $\sqrt{3}$) (۱)۱۶(۲ + $\sqrt{3}$) (۲)۴(۲ - $\sqrt{3}$) (۲)۴(۲ + $\sqrt{3}$) (۱)



۴۶) مجموع پول علی و اکرم 100 تومان است. اگر علی 10 تومان از پولش را به اکرم بدهد، آن‌گاه حاصل ضرب پول‌های باقیمانده آن‌ها 475 تومان خواهد شد. پول اولیه اکرم کدام است؟

۱۴۰۰ خارج از کشور-

۸۵ ۲

۱۵ ۲

۹ ۱

۴۷) فرض کنید $a + \frac{1}{a} + \sqrt{2})^2 (a + \frac{1}{a} - \sqrt{2})^2 = \sqrt[4]{2 - 4\sqrt{3}}$. مقدار a ، کدام است؟
۱۴۰۰ خارج از کشور- ۴۹ ۲ ۲۵ ۲ ۱۶ ۲ ۹ ۱



۴۸) فرض کنید $a, b, c \in \{1, 2, \dots, 9\}$ می‌توان تشکیل داد به‌طوری که مجموع ریشه‌های هر معادله از حاصل ضرب ریشه‌های همان معادله دو واحد بیشتر باشد؟

۱۸ ۲

۱۶ ۲

۱۵ ۲

۱۴ ۱

۴۹) فرض کنید x_1 و x_2 ریشه‌های معادله $x^3 - x^2 - 5 = 0$ باشند
سراسری- ۱۴۰۰ ریشه‌های کدام معادله هستند؟

$$\frac{1}{(x_1 + 1)^3} + \frac{1}{(x_2 + 1)^3}$$

$$125x^3 + 12x = 1 \quad 125x^3 = 12x + 1 \quad 125x^3 = 16x + 1 \quad 125x^3 + 16x = 1$$


۵۰ اگر مجموع و حاصل ضرب ریشه‌های حقیقی معادله $x^3 - 7x^2 - 5 = 0$ به ترتیب s و p باشد
سراسری - ۱۴۰۰

$$59 + 2\sqrt{69}$$

۵۰ ۲۳

$$7 + \sqrt{69}$$

$$59 - 2\sqrt{69}$$

۱

۴۹ فرض کنید $a, b, c \in \{1, 2, \dots, 9\}$. چند معادله درجه دوم به صورت $ax^3 + bx - c = 0$ می‌توان نوشت که فاصله حاصل ضرب ریشه‌های هر معادله با جمع ریشه‌های آن معادله، دو واحد باشد؟
خارج از کشور - ۱۴۰۰

۲۲ ۲۳

۲۸ ۲۹

۲۴ ۱



۵۴ سهمی ۱ قطع می‌کند. اگر M وسط پاره خط AB باشد، فاصله رأس سهمی از نقطه A و B کدام مضرب $\sqrt{26}$ است؟
خارج از کشور - ۱۴۰۰

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sqrt{2}$$

$$2$$

۵۳ فرض کنید x_1 و x_2 ریشه‌های معادله $x = x^3 - 4$ باشند. ریشه‌های کدام معادله $x^3 + \frac{1}{x_2}$ است؟
خارج از کشور - ۱۴۰۰

$$x_2^3 + \frac{1}{x_1}$$

$$4x^3 + 51x = 197 \quad ۲۳ \quad 4x^3 = 51x + 197 \quad ۲۴ \quad 4x^3 + 51x = 221 \quad ۲۵ \quad 4x^3 = 51x + 221 \quad ۱$$



کنکور اف

مهدی شاکریان



فاصله نقطه تلاقی منحنی‌های $x = \sqrt{y+3} - \sqrt{y-3}$ و $2y = x^3$ با مبدأ مختصات کدام

سراسری- ۱۴۰۰

$\sqrt{15}$

$2\sqrt{3}$

$\sqrt{6}$

$\sqrt[3]{1}$

است؟

بهازی چند مقدار a ، سهمی $y = ax^3 + (3 + 2a)x$ ناحیه سوم محورهای مختصات نمی‌گذرد؟

$2(4)$

$1(3)$

$2) \text{ تمام مقادیر } a$

$1) \text{ هیچ مقدار }$



حاصل عبارت $\sqrt[3]{(4+\sqrt{7})^{-1}} \sqrt{1+\sqrt{7}}$ کدام است؟

$2(3)$

$\sqrt[5]{2}(2)$

$1(1)$

$2\sqrt[3]{2}(4)$





۵۹) رأس سهمی ۲ $y = -ax^3 + ax + 1$ قرار دارد و برعکس.
مقدار a - چه قدر است؟

۱۸) ۴

۱۸) ۳

۶) ۲

۱) -۶



۶۰) معادله $\frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x-1}+3} - \frac{\sqrt{x+1}}{3-\sqrt{x-1}} = \frac{x-1}{\sqrt{x-1}}$ چند ریشه مثبت دارد؟

۳) ۴

۲) ۳

۱) ۲

۱) صفر



۶۱) بهازای دو مقدار a ، یک ریشه معادله $x^3 - ax + 4 = 0$ ، سه برابر ریشه دیگر است.
اختلاف این دو مقدار a ، کدام است؟

۱۸) ۴

۱۶) ۳

۹) ۲

۱) ۱



۶۲) اگر a و b اعداد طبیعی و ریشه‌های معادله $x^2 - (a^2 + b^2 - 12)x + a + b - 1 = 0$ باشند، مقدار $a + b$ کدام است؟

۱۲) ۴

۹) ۳

۵) ۲

۱) ۱



حاصل عبارت $\textcircled{5A}$ کدام است؟

$$\left(\frac{\sqrt{2}+\sqrt{5}}{\sqrt{10}+2} \right) \left(\sqrt{3}-\sqrt{5} - \sqrt{3}+\sqrt{5} \right)$$
 $\sqrt{2}$ (F)

۱ (۳)

 $-\sqrt{2}$ (۲)

-۱ (۱)



معادله $\textcircled{5B}$ چند ریشه مثبت دارد؟

$$\frac{1}{\sqrt{2-x}+2} - \frac{1}{2-\sqrt{2-x}} = \frac{2-x}{5\sqrt{2-x}}$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر



α و β ریشه‌های معادله $x^3 + 6x + a = 0$ هستند. اگر $0 < \beta < \alpha$ $\textcircled{5C}$ باشد، مقدار a چقدر است؟

$$3\alpha^3 + 2\beta^3 = 12\sqrt{2} + 85$$

۲ (F)

 $\frac{21}{5}$ (۳) $\frac{13}{5}$ (۲)

۱ (۱)



کمترین مقدار تابع $y = mx^2 - 12x + 5m - 1$ برابر ۲ است. محور تقارن سهمی، کدام است؟ $\textcircled{5D}$

 $x = 3/5$ (F) $x = 3$ (۳) $x = 2/5$ (۲) $x = 2$ (۱)



اگر α و β ریشه‌های معادله $a + 2(a+1)x + 2a - 1 = 0$ باشند. به ازای کدام مقدار a , به ترتیب سه عدد α , a و β تشکیل دنباله هندسی می‌دهند؟

۱) (۴)

-۱) (۳)

۲) (۲)

-۲) (۱)



به ازای چند مقدار m , تابع $y = (1 - 1\lambda m)x^{\lambda} + \lambda(m^{\lambda} + 1)x + 1$ در نقطه‌ای به طول $\frac{1}{\lambda}$ دارای ماکسیمم است؟

۳) (۴) هیچ مقدار m

۲) (۲)

۱) (۱)



نمودار تابع $y = 3x^{\frac{4}{3}} + (2m - 1)x + m + \frac{4}{3}$ در ناحیه دوم بر نیمساز آن ناحیه مماس است. طول رأس سهمی، کدام است؟

- $\frac{1}{7}$ (۴)- $\frac{1}{5}$ (۳)- $\frac{5}{14}$ (۲)- $\frac{1}{14}$ (۱)

اگر α و β ریشه‌های معادله $9\alpha + \beta = -2$ و $\alpha + \beta = 1$, $4x^{\alpha} + kx^{\beta} - 9x - 2 = 0$ باشد، مقدار k چقدر است؟

۳) (۴)

-۳) (۳)

 $\frac{27}{8}$ (۲) $-\frac{27}{8}$ (۱)

کنکور

مهدی شاکریان



اگر $\frac{1}{a^r+1} + \frac{1}{a^r-1} = 2$ باشد، حاصل چقدر است؟ ۱۷۰۱

-۱) F

۱) T

-۲) ۲

۲) ۱

ریشه‌های معادله $2x^3 - ax + b = 0$ نیم واحد از ریشه‌های معادله $2ax^3 + ax - 6 = 0$ بیشتر است. مقدار $\frac{ab}{4}$ کدام است؟

-۱) F

-۲) T

-۳) ۲

-۴) ۱



نسبت طول به عرض یک مستطیل، ۵ به ۴ است. با افزایش طول مستطیل، یک مستطیل طلایی خواهیم داشت. نسبت مساحت مستطیل طلایی به مستطیل اولیه کدام است؟ ۱

 $\frac{5}{4}(1 + \sqrt{5})$ (F) $\frac{5}{4} + \frac{5}{2}\sqrt{5}$ (T) $\frac{5}{2}(1 + \sqrt{5})$ (۲) $\frac{5}{3} + \sqrt{5}$ (۱)



دشوار

خارج از کشور

۱۴۰۵۲

صفرهای تابع $y = mx^3 - 4x - (m+4)$ و نقطه تقاطع آن با محور z ها، رئوس یک مثلث هستند. اگر مساحت این مثلث برابر ۳ باشد، اختلاف طول رأس سهمی‌های رسم شده توسط مقادیر مختلف m کدام است؟

۹ (۴)

۷ (۳)

۹ (۲)

۷ (۱)



متوجه

خارج از کشور

۱۴۰۴۲

(۶)

ریشه‌های معادله $x^3 - (a+1)x + a = 0$ دو عدد فرد متوالی طبیعی و ریشه‌های معادله $x^3 - (3a+1)x + b = 0$ دو عدد زوج متوالی است. اختلاف حاصل ضرب ریشه‌های دو معادله کدام است؟

۹ (۴)

۱۳ (۳)

۲۱ (۲)

۳۳ (۱)



ساده

خارج از کشور

۱۴۰۵۲

حداقل چند عضو از مجموعه $f = \{(x, y) | x, y \in \mathbb{Z}, x = \frac{30}{1+|y|}\}$ حذف شود تا f ، یک تابع باشد؟

۴ (۴)

۵ (۳)

۶

۷ (۱)



دشوار

سواسیری

۱۴۰۴۲

(۷)

حداقل چند عضو از مجموعه $f = \{(x, y) | x, y \in \mathbb{Z}, x = \frac{77}{y^2-1}\}$ حذف شود تا f ، یک تابع باشد؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)



سراسیری ۱۴۰۷

صفرهای تابع $y = 2x^3 - (m+2)x + m$ و نقطه تقاطع آن با محور عرض‌ها، رؤوس یک مثلث هستند. اگر مساحت این مثلث برابر $\frac{3}{4}$ باشد، کدام می‌تواند طول رأس سهمی سهمی محورها را در نقطه‌ای به عرض $\frac{3}{2}$ قطع کند، مقدار β کدام است؟

$y = x^r - mx + 1$ باشد؟

 $-\frac{1}{4} (F)$ $-\frac{3}{4} (3)$ $\frac{2}{3} (2)$ $\frac{1}{4} (1)$

متوجه

حرج از کشور

(۳) نقاط $(1, \beta)$ و $(\beta, -5)$ روی یک سهمی واقع شده‌اند و عرض رأس سهمی برابر $\frac{1}{4}$ است. اگر سهمی محورها را در نقطه‌ای به عرض $\frac{3}{2}$ قطع کند، مقدار β کدام است؟

 $-1 (F)$ $-2 (3)$ $3 (2)$ $4 (1)$ 

متوجه

سراسیری ۱۴۰۷

و α و β ریشه‌های معادله $ax^2 - bx + c = 0$ است. اگر مجموع و حاصل ضرب ریشه‌های معادله‌ای با ریشه‌های α^{β} ، α^{β} ، $\alpha\beta$ ، β برابر باشند، مقدار $\log_{\sqrt{a}} b$ کدام است؟ ($a > 0$)

 $2 (F)$ $3 (3)$ $4 (2)$ $1 (1)$

ساده

سراسیری ۱۴۰۷

(۶) رأس سهمی $y = kx^2 - bx - 6$ روی خط $y = -4x$ قرار دارد. عرض رأس سهمی کدام است؟

 $-8 (F)$ $-4 (3)$ $6 (2)$ $2 (1)$ 

۴۹) ریشه هفتم عدد مثبت a ، مساوی ۲۷ برابر عدد a با توان $\frac{15}{7}$ است. $(3 - \frac{1}{a})$ چند برابر $(1 + \sqrt[3]{3})$ است؟

۶ + $3\sqrt{3}$ (۴)

۶ (۳)

3^2 (۲)

۶ - $3\sqrt{3}$ (۱)

(۷۵)

از تقسیم اندازه قطر یک مستطیل به طول آن، عدد طلایی حاصل می‌شود. مجذور نسبت طول به عرض مستطیل کدام است؟

$\frac{2}{3+\sqrt{5}}$ (۴)

$\frac{2}{1+\sqrt{5}}$ (۳)

$\frac{3+\sqrt{5}}{2}$ (۲)

$\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ (۱)



متوجه

سراسری ۱۴۰۲

۵۰) معادله $\sqrt{2x-3} = \sqrt{x+\sqrt{x-2}} - \sqrt{2-x}$ چند ریشه حقیقی دارد؟

۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

(۶۰)

متوجه

سراسری ۱۴۰۲

محور تقارن سهمی‌های $y = -x^3 - 2x + b$ و $y = x^3 + ax - 2$ مشترک هستند. اگر از دو نقطه با عرض یکسان روی دو سهمی خط $l = y$ رسم شود، مقدار ab چقدر است؟

۴ (۴)

۸ (۳)

-۴ (۲)

-۸ (۱)



متوسط

سراسری

نقطه $(3, y)$ و $B(-5, y)$ روی یک سهمی واقع شده‌اند و عرض رأس سهمی برابر ۱ است. اگر این سهمی، محور x را در نقطه‌ای با طول‌های α و β قطع کند و $\alpha^3 + \beta^3 = 5$ باشد، این سهمی محور y را در نقطه‌ای با کدام عرض قطع می‌کند؟

$\frac{2}{3} (F)$

$\frac{1}{3} (S)$

$-\frac{2}{3} (T)$

$-\frac{1}{3} (U)$

مت

دشوار

سراسری

دشوار

معادله‌های $x^3 + 2x - 3m = 0$ و $x^3 + 6x + m = 0$ یک ریشه مشترک غیرصفر دارند. اختلاف ریشه‌های غیرمشترک کدام است؟

$7 (F)$

$4 (S)$

$3 (T)$

$2 (U)$



دشوار

سراسری

(F)

مجموع ریشه‌های معادله $\frac{1}{x^r} + \frac{1}{(1-x)^r} = \frac{16}{9}$ کدام است؟

$2/25 (F)$

$2 (S)$

$1/75 (T)$

$1 (U)$

مت

دشوار

سراسری

دشوار

اگر α و β ریشه‌های متمایز معادله $40\beta^3 + 20\alpha^3 - 20\beta = 17$ و $ax^3 - ax - b = 0$ باشد، اختلاف ریشه‌های این معادله کدام است؟

$\frac{3}{\sqrt{5}} (F)$

$\frac{1}{\sqrt{5}} (S)$

$\frac{3}{5} (T)$

$\frac{1}{5} (U)$





(۱)

مجموع ریشه‌های $\frac{1}{x^r} + \frac{1}{(x-x)^r} = \frac{r}{q}$ کدام است؟

۴/۵ (۴)

۴ (۳)

۲/۵ (۲)

۲ (۱)

دشوار

خارج از کشور

