

ردیف	محل مهر و امضاء مدیر	نمره تجدید نظر به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:	
		تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:
۱		سوالات			
		گزینه مناسب را انتخاب نمایید(راه حل الزامی است)			
		الف- اگر عدد $m + 4$ متعلق به بازه $(m - 1, m + 3)$ باشد، حدود m در کدام گزینه است؟			
		$(0, 5) \quad 4$	$(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}) \quad 3$	$\frac{1}{3} \leq m \leq 5 \quad 2$	$-\frac{1}{2} < m < \frac{1}{2} \quad 1$
		ب- اگر B, A دو مجموعه جدا از هم باشند آن گاه کدام گزاره نادرست است؟			
		$A \cap B = \emptyset \quad 4$	$A \cup B' = B \quad 3$	$A \cap B' = A \quad 2$	$A \subseteq B' \quad 1$
		ج- اگر $\cos\theta = \frac{1}{5}$ و انتهای کمان θ در ربع چهارم باشد، $\tan\theta$ کدام است؟			
		$-2\sqrt{5} \quad 4$	$2\sqrt{6} \quad 3$	$2\sqrt{5} \quad 2$	$-2\sqrt{6} \quad 1$
		د- حاصل عبارت $(\cos 180^\circ + \sin 90^\circ)(\sin 30^\circ + \sin 60^\circ)$ در کدام گزینه به درستی اشاره شده است؟			
		$\frac{1}{2} \quad 4$	$0 \quad 3$	$1 \quad 2$	$-1 \quad 1$
۲		جاهاي خالي را با کلمات و يا عبارات مناسب كامل کنيد.			
		الف- اگر $\cot\alpha > 0$ و $\tan\alpha < 0$. آنگاه α در ناحیه مثلثاتی قرار دارد.			
		ب- تعداد زیر مجموعه های ناسره یک مجموعه ۸ عضوی برابر است با			
		ج- اگر A یک مجموعه نامتناهی و B یک مجموعه متناهی باشد، آن گاه مجموعه $A-B$ ، مجموعه ای است.			
		د- واسطه هندسی بین دو عدد $1 + \sqrt{3}$ و $1 - \sqrt{3}$ می باشد.			
۳		درستی یا نادرستی هر یک از عبارات زیر را مشخص کنید؛ چنانچه یک عبارت نادرست است، آن را تصحیح نمایید.			
		الف- اگر α در ربع دوم مثلثاتی باشد، آنگاه همواره $\sin\alpha > \cos\alpha$.			
		ب- مجموعه اعداد گویا و مجموعه اعداد گنگ، هیچ اشتراکی با هم ندارند.			
		ج- هرگاه دو زاویه از مثلثی دیگر برابر باشند، آن دو مثلث متشابه اند.			
		د- در دنباله حسابی که جملات هفتم و پانزدهم آن به ترتیب ۲۳ و ۶۳ است، جمله چهلم برابر ۱۴۹ می باشد.			

سوالات زیر را به طور کامل و دقیق پاسخ دهید.

اگر $(-3, 6) = B$ و $(-2, 7) = A$ ، آنگاه مجموعه های زیر را به صورت بازه نمایش دهید.

پ) $B' - A$

ب) $A \cap B$

الف) $A \cup B$

۴

هر یک از بازه های زیر را به صورت یک مجموعه بنویسید:

ب) $(7, 10) \cup (-4, 7)$

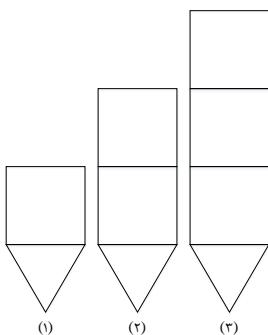
الف) $(-\infty, 3] \cup (-2, 2)$

۵

الگوی زیر را در نظر گرفته و با توجه به آن به سوالات زیر پاسخ دهید:

الف) جمله‌ی عمومی این الگو را مشخص کنید.

ب) در مرحله‌ی هفدهم، تعداد پاره خط‌ها را بیابید.



۶

رشد گونه‌ای از ویروس به نحوی یافت شده است که در هر ساعت، دو برابر می‌شود تعداد ویروس در نمونه اول آزمایشگاهی ۸ عدد است. بعد از گذشت پنج شبانه روز، تعداد ویروس چقدر خواهد شد؟

۷

مجموعه ۴ جمله اول یک دنباله هندسی را حساب کنید به طوری که جمله سوم آن ۳۶ و جمله ششم آن ۹۷۲ باشد.

۸

بین ۳ و ۵ واسطه حسابی درج کنید؛ چنانچه دنباله ایجاد شده را تا جمله دهم ادامه دهیم، جمله دهم را بیابید.

۹

در یک کلاس ۳۷ نفره، ۲۲ نفر به والیبال علاقه دارند. اگر ۸ نفر به هر دو ورزش علاقمند باشند؛

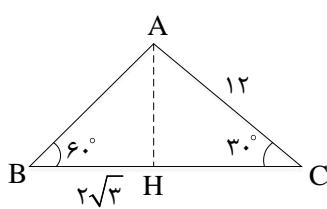
الف) تعداد دانش آموزانی که فقط به فوتبال علاقه دارند چند برابر تعداد دانش آموزانی است که فقط به والیبال علاقه دارند؟

۱۰

ب) چند دانش آموز وجود دارند که به فوتبال و والیبال علاقه ای ندارند؟

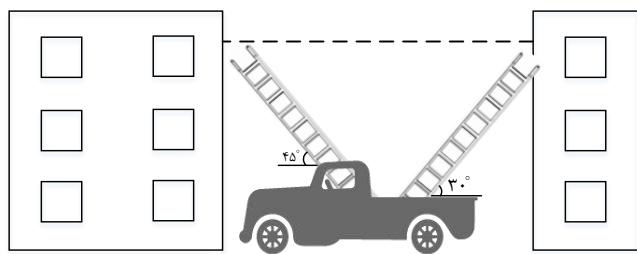
در شکل زیر محیط و مساحت مثلث ABC را به دست آورید.

۱۱



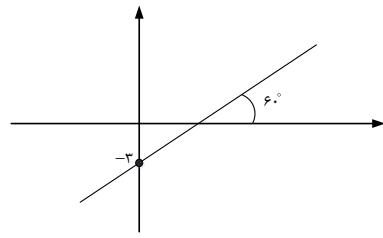
در شکل زیر، دو نردهان به طول های ۱۰ متر به صورت زیر میان دو ساختمان قرار گرفته اند. فاصله این دو ساختمان از یک دیگر چقدر است؟

۰/۷۵



۱۲

۰/۷۵



۱۳

۰/۷۵

نقطه روی دایره مثلثاتی با مختصات $(-\frac{\sqrt{3}}{3}, -\frac{\sqrt{6}}{3})$ وجود دارد. نسبت های مثلثاتی متناظر با این نقطه را به دست آورید.

۱۴

۱

حدود زاویه θ را با توجه به شرایط گفته شده زیر به دست آورید: (|| علامت اندازه زیر به دست آورید)

۱۵

(الف) $|\sin \theta| > |\cos \theta|, \sin \theta < 0, \cos \theta < 0$

(ب) $\sin \theta < 0, \tan \theta > 0$

۱

مقدار هر یک از عبارت های زیر را بدست آورید.

۱۶

(الف) $4\cos^2 60^\circ - 3\tan^2 30^\circ + 2\sin 45^\circ$

(ب) $\frac{\sin 0^\circ + \sin 27^\circ - \cos 9^\circ}{\tan 18^\circ + \sin 9^\circ}$

۲

درستی هر یک از عبارات زیر را اثبات کنید(در صورت نادرستی تساوی، دلیل آن را بیان کنید).

۱۷

(الف) $\sin^2 \beta - \cos^2 \beta = \frac{\tan \beta - \cot \beta}{\tan \beta + \cot \beta}$

(ب) $\frac{1 + \tan \alpha}{1 + \cot \alpha} = \tan \alpha$

(ج) $(1 - \sin^2 \alpha)(1 + \tan^2 \alpha) = 1$

صفحه ۳ از ۳

جمع بارم : ۲۰ نمره



نام درس: ریاضی ۱

نام دبیر: محمد علی جعفری

ساعت امتحان: ۸:۰۰ صبح / عصر

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران

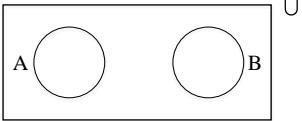
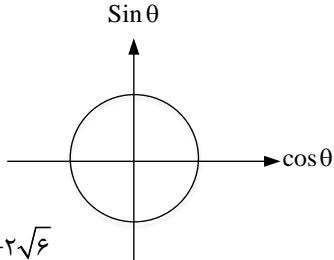
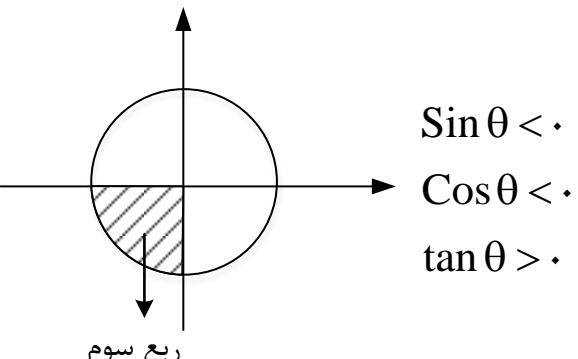
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۲ تهران

دیبرستان غیر دولتی پسرانه سرای دانش واحد سعادت آباد

کلید سوالات پایان ترم نوبت اول سال تتمیلی ۹۸-۹۹

ردیف

راهنمای تصحیح

	محل مهر یا امضاء مدیر	ردیف
۱	$m - 1 < 4 < 3m + 4 \quad \left\{ \begin{array}{l} m - 1 < 4 \rightarrow m < 5 \\ 4 < 3m + 4 \rightarrow 3m > . \end{array} \right. \rightarrow m \in (0..5)$ $A \subseteq B' \cup B = \emptyset$ دو مجموعه جدا از هم هیچ گونه اشتراکی ندارند یعنی اگر B, A دو مجموعه جدا از هم باشند آنگاه، $A \cap B = \emptyset$ بنابراین $B \subseteq A'$  $A \cup B' = B'$	(۱) گزینه «۴» «۳» گزینه در ربع چهارم:
۲	 $\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{-\sqrt{24}}{-\frac{1}{5}} = \sqrt{24} = -2\sqrt{6}$ $\sin \theta < 0, \cos \theta = -\frac{1}{5}$ $\cos \theta > 0, \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ $\tan \theta < 0, \cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{1}{-2\sqrt{6}} = -\frac{1}{2\sqrt{6}}$ $\sin \theta = \pm \sqrt{\frac{24}{25}}$	(۲) گزینه «۱» «۳» گزینه غیر قابل قبول قابل قبول
۳	$(\underbrace{\cos 18^\circ + \sin 9^\circ}_0)(\sin 3^\circ + \sin 6^\circ) = 0 \times \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 0$	(۳) گزینه «۳»
۴	 <p>ربع سوم</p> $\sin \theta < 0, \cos \theta < 0, \tan \theta > 0$	(۴) سوم
۵	$b^r = (-2)^r = 4 \rightarrow b = 2$ $b^r = ((1-\sqrt{3})(1+\sqrt{3}))^r = [((1-\sqrt{3})(1+\sqrt{3}))^{(1)^r-(\sqrt{3})^r=-2}]^r$	(۵) نامتناهی ۲ ^۱ (۲) (۴)

۱- نادرست؛ اگر $\alpha \in (90^\circ, 135^\circ)$ باشد آنگاه $\sin \alpha > \cos \alpha$

$$d = \frac{a_m - a_n}{m - n} = \frac{63 - 23}{15 - 7} = \frac{40}{8} = 5$$

$$a_v = a_1 + 6d \Rightarrow 23 = a_1 + 6(5) \Rightarrow a_1 = -7 \quad \text{نادرست}$$

$$a_{f.} = a_1(40 - 1)d \Rightarrow a_{f.} = -7 + 39(5) = 188$$

۳ درست

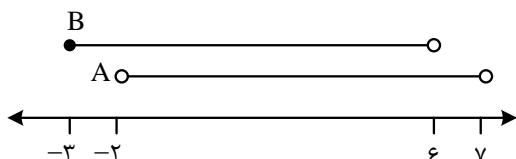
۲ درست

۳

پاسخ کامل

ت

$$\text{الف) } A \cup B = (-2, 7) \cup [-3, 6] = [-3, 7]$$



$$\text{ب) } A \cap B = (-2, -1) \cap [-3, 6] = [-2, 6]$$

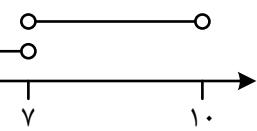
$$\text{ج) } B' - A = [(-\infty, -3) \cup [6, +\infty)] - (-2, 7) = (-\infty, -3) \cup [7, +\infty)$$

الف)

$$(-\infty, 3] \cap (-2, 3) = (-2, 3)$$

$$\{x \in \mathbb{R} \mid -2 < x < 3\}$$

ب)



$$(-4, 7] \cup (7, 10) = (-4, 10) - \{7\}$$

$$\{x \in \mathbb{R} \mid -4 < x < 7 \cup 7 < x < 10\}$$

الف)

مرحله	۱	۲	۳	...
تعداد پاره خط	۶	۹	۱۲	...

$$a_n = 3 + 3n = 3(n+1)$$

۶

ب)

$$a_{17} = 3(17+1) = 3 \times 18 = 54$$

$$a_1 = 3$$

$$q = 2$$

$$a_n = a_1 q^{n-1} \Rightarrow a_{12} = 3 \times 2^{(12-1)} = 3 \times 2^{11} = 3 \times 2^{11} = 2^{12}$$

$$n = 5 \text{ شبانه روز} = 5 \times 24 = 120 \text{ ساعت}$$

۷

$$a_5 = 972$$

$$a_3 = 36 \rightarrow \frac{a_5}{a_3} = \frac{a_1 q^4}{a_1 q^2} = \frac{972}{36} \Rightarrow q^2 = 27 \Rightarrow q = \sqrt[3]{27} = 3$$

$$a_5 = a_1 q^4 \Rightarrow 972 = a_1 (3)^4 \Rightarrow a_1 = 4$$

$$a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = a_1 + a_1 q + a_1 q^2 + a_1 q^3 = a_1(1 + q + q^2 + q^3)$$

$$= 4 \left(1 + 3 + 3^2 + 3^3 \right) = 16.$$

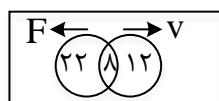
۸

$$d = \frac{\text{جمله آخر} - \text{جمله اول}}{n+1} = \frac{51-3}{5+1} = 8, \dots, \dots, \dots, \dots, 51$$

$$a_{1.} = a_1 + (10-1)d \Rightarrow a_{1.} = 3 + (9 \times 8) = 75$$

۹

الف)



$$F \leftarrow V = 22 - 8 = 16$$

$$\frac{F}{V} = \frac{16}{4} = 4$$

۱۰

$$V: F = 12 - 8 = 4$$

ب)

$$37 - (22 + 12 - 8) = 1$$

$$\cos 60^\circ = \frac{\text{ضلع مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{BH}{AB} = \frac{2\sqrt{3}}{AB}$$

$$AB = 2\sqrt{3} \times 2 \Rightarrow AB = 4\sqrt{3}$$

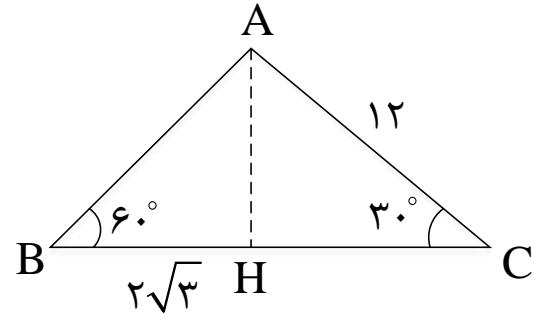
$$\sin 60^\circ = \frac{\text{ضلع مقابل}}{\text{وتر}} = \frac{AH}{AB} \Rightarrow 2 \times AH = 4\sqrt{3} \times \sqrt{3}$$

$$AH = 6$$

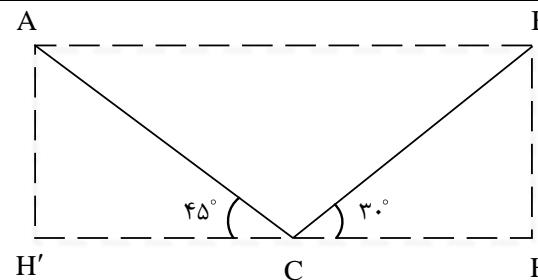
$$\cos 30^\circ = \frac{\text{ضلع مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{HC}{AC} = 2 \times HC = 12 \times \sqrt{3} \Rightarrow HC = 6\sqrt{3}$$

$$\text{محیط} = 6\sqrt{3} + 2\sqrt{3} + 4\sqrt{3} + 12 = 12 + 12\sqrt{3} = 12(1 + \sqrt{3})$$

$$\text{مساحت} = \frac{1}{2} \times BC \times AH = \frac{1}{2} \times 8\sqrt{3} \times 6 = 24\sqrt{3}$$



۱۱



$$BC = 10. \quad \cos 30^\circ = \frac{HC}{BC} \Rightarrow HC = 10 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3}$$

$$AC = 10. \quad \cos 45^\circ = \frac{H'C}{AC} \Rightarrow H'C = 10 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5\sqrt{2}$$

$$AB = H'C + HC = 5\sqrt{2} + 5\sqrt{3} = 5(\sqrt{2} + \sqrt{3})$$

۱۲

$$\theta = 60^\circ \quad \tan \theta = \text{شیب} \quad \Rightarrow \tan 60^\circ = \sqrt{3} = m$$

جهت مثبت

محور x ها فرم کلی

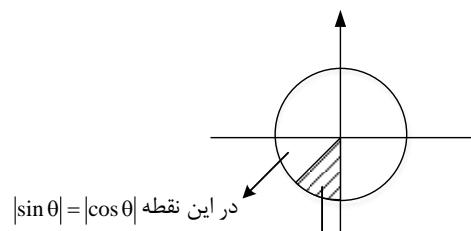
$$A(\cdot, -3), m = \sqrt{3} \xrightarrow{\text{معادله خط}} y - y_1 = m(x - x_1) \Rightarrow y - (-3) = \sqrt{3}(x - \cdot) \Rightarrow y = \sqrt{3}x - 3$$

$$P\left(\frac{\sqrt{6}}{3}, -\frac{\sqrt{3}}{3}\right) \begin{cases} \cos \theta > 0 \\ \sin \theta < 0 \end{cases} \rightarrow \theta \text{ در ربع چهارم} \quad \tan \theta = \frac{\frac{\sqrt{3}}{3}}{\frac{\sqrt{6}}{3}} = \frac{-\sqrt{3}}{\sqrt{6}}$$

$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = -\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{3}}$$

۱۴

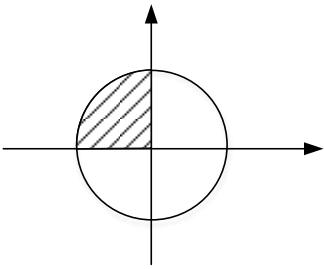
(الف) $|\sin \theta| > |\cos \theta|, \sin \theta < 0, \cos \theta < 0$



۲۲۵° < θ < ۲۷۰° محدوده مورد نظر سوال

(ب)

۱۵



$\sin \theta > 0, \tan \theta < 0$
 $\cos \theta < 0$ باید $\sin \theta > 0, \tan \theta > 0$.

پس θ در ربع دوم قرار دارد

$$4\left(\frac{1}{2}\right)^2 - 3\left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2 + 2\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = 4\left(\frac{1}{4}\right) - 3\left(\frac{3}{9}\right) + \sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\frac{+(-1)-+}{+1} = \frac{-1}{1} = -1$$

$$\frac{\tan \beta - \cot \beta}{\tan \beta + \cot \beta} = \frac{\frac{\sin \beta}{\cos \beta} - \frac{\cos \beta}{\sin \beta}}{\frac{\sin \beta}{\cos \beta} + \frac{\cos \beta}{\sin \beta}} = \frac{\frac{\sin^2 \beta - \cos^2 \beta}{\cos \beta \sin \beta}}{\frac{\sin^2 \beta + \cos^2 \beta}{\cos \beta \sin \beta}} = \frac{\sin^2 \beta - \cos^2 \beta}{\sin^2 \beta + \cos^2 \beta}$$

$$\frac{1 + \tan \alpha}{1 + \cot \alpha} = \frac{1 + \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}}{1 + \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}} = \frac{\frac{\cos \alpha + \sin \alpha}{\cos \alpha}}{\frac{\sin \alpha + \cos \alpha}{\sin \alpha}} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \tan \alpha$$

$$\begin{aligned} \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha &= 1 \rightarrow \cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha \\ 1 + \tan^2 \alpha &= \frac{1}{\cos^2 \alpha} \end{aligned} \Rightarrow (1 - \sin^2 \alpha)(1 + \tan^2 \alpha) = \cos^2 \alpha \left(\frac{1}{\cos^2 \alpha} \right) = 1$$

۱۶

۱۷

نام و نام خانوادگی مصحح :

امضا:

جمع بارم : ۲۰ نمره